

การประเมินและพัฒนาสู่ความเป็นเลิศทางคณิตศาสตร์และวิทยาศาสตร์ ประจำปี 2561 (TEDET)

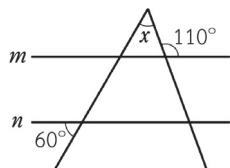
วิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2

| | |
|--------------|----------|
| ชื่อ-นามสกุล | โรงเรียน |
|--------------|----------|

คำชี้แจง

1. ข้อสอบคณิตศาสตร์ มีทั้งหมด 30 ข้อ
2. กรณีที่ข้อสอบเป็นแบบมีตัวเลือก ให้ตอบหมายเลขอข้อที่ถูกต้องที่สุดเทียบกับข้อเดียว
3. กรณีที่ข้อสอบต้องคำนวณหาคำตอบ คำตอบที่ได้จะเป็นจำนวนที่ไม่เกิน 3 หลักเท่านั้น คือ หลักหน่วย หลักสิบ และหลักร้อย
4. เวลาในการทำข้อสอบคณิตศาสตร์ 90 นาที

1. จากรูป กำหนดให้เส้นตรง m ขนานกับเส้นตรง n



จงหาว่ามุม x เท่ากับกี่องศา

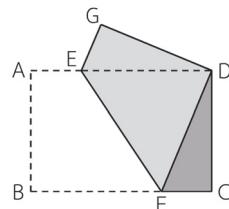
2. กำหนดให้จุด $(3a+2, 2a+4)$ อยู่บนแกน X และจุด $(4b+12, b+6)$ อยู่บนแกน Y

จงหาค่าของ $a \times b$

3. ให้ a และ b เป็นจำนวนเต็มที่ทำให้จำนวนเต็ม x ทุกตัวเป็นคำตอบของสมการ $ax - 10 = 7x - 2b$

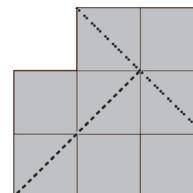
จงหาค่าของ $a \times b$

4. พับรูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก ABCD ให้จุดยอด B มาทับจุดยอด D ดังรูป



ถ้า $AB = 12$ เซนติเมตร และ $ED = 13$ เซนติเมตร
จงหาว่า BC เท่ากับกี่เซนติเมตร

5. กระดาษแผ่นหนึ่งเป็นตารางที่ประกอบด้วยรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสที่มีด้านยาว $\sqrt{2}$ นิ้ว 8 รูป ดังรูป



ตัดกระดาษตามเส้นประ แล้วนำชิ้นส่วนที่ได้ทั้งหมดมาประกอบกันเป็นรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสรูปใหม่ จงหาว่ารูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสรูปใหม่นี้มีความยาวรอบรูปเท่ากับกี่นิ้ว

6. เมื่อหารพหุนาม $4x^3 + 4x^2 + 3x - 2$ ด้วย $2x + 3$ แล้วให้ผลหารที่ได้เป็น Q และเศษที่ได้เป็น R จงหาว่า $Q + R$ เท่ากับข้อใดต่อไปนี้

- (1) $2x^2 + x - 3$ (2) $2x^2 + x + 8$
 (3) $2x^2 - x + 3$ (4) $2x^2 - x - 8$
 (5) $2x^2 - x - 11$

7. รูปสี่เหลี่ยมนูนจาก A กว้าง 10 เซนติเมตร และยาว 15 เซนติเมตร สร้างรูปสี่เหลี่ยมนูนจาก B จากรูปสี่เหลี่ยมนูนจาก A โดยต่อด้านกว้างเพิ่มอีก $\frac{2}{5}$ เท่าของด้านกว้างเดิม และต่อด้านยาวเพิ่มอีก 20% ของด้านยาวเดิม จงหาว่า รูป B มีพื้นที่มากกว่ารูป A อยู่กี่ตารางเซนติเมตร

8. ท่านั่งที่ถูกต้องเป็นสิ่งสำคัญ โดยเฉพาะอย่างยิ่ง เมื่อต้องนั่งเป็นเวลานาน ท่านั่งบนเก้าอี้ที่ถูกต้อง เป็นดังนี้

ท่านั่งบนเก้าอี้ที่ถูกต้อง

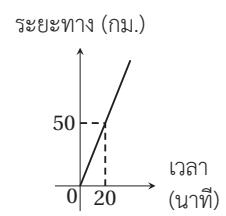
- > หลังต้องแนบไปกับพนักพิงของเก้าอี้
- > ศีรษะ คอ และลำตัว อยู่ในแนวเส้นตรงเดียวกัน
- > เท้าทั้งสองข้างสัมผัสรับกับพื้น ขาดตั้งฉากกับพื้น และทึบนำหนักลงบนฝ่าเท้าทั้งสองข้าง

ถ้าความสูงของเก้าอี้และความสูงของโต๊ะที่เหมาะสมสมกับผู้นั่งคือ 23% และ 41% ของส่วนสูงของผู้นั่ง ตามลำดับ ข้อใดต่อไปนี้เป็นความสูงของเก้าอี้และโต๊ะที่เหมาะสมกับนักเรียนที่สูง 160 เซนติเมตร

- | | |
|--------------------|----------------|
| ความสูงของเก้าอี้ | ความสูงของโต๊ะ |
| (1) 36.8 เซนติเมตร | 65.6 เซนติเมตร |
| (2) 36.8 เซนติเมตร | 66.5 เซนติเมตร |
| (3) 38.6 เซนติเมตร | 65.6 เซนติเมตร |
| (4) 38.6 เซนติเมตร | 66.5 เซนติเมตร |
| (5) 38.6 เซนติเมตร | 68.6 เซนติเมตร |

9. รถยนต์คันหนึ่ง เมื่อใช้น้ำมัน

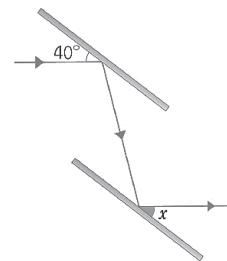
- 1 ลิตร จะแล่นได้ระยะทาง 20 กิโลเมตร โดยมีกราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างเวลา กับระยะทางที่รถแล่นได้ ดังรูป



ครอบครัวของเรื่องขับรถยนต์คันนี้ไปพักผ่อนในวันหยุด โดยใช้เวลาเดินทางทั้งหมด 80 นาที จงหาว่ารถยนต์คันนี้ใช้น้ำมันไปกี่ลิตร

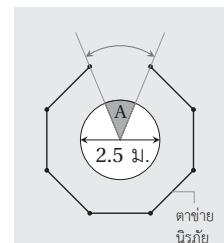
10. เมื่อแสงตกกระทบบนกระจก

เงารاب มุ่งตากกระทบจะมีขนาดเท่ากับมุมสะท้อนเสมอ จากรูป มีกระจกเงาสองบานวางขนานกัน และแสงเดินทางไปตามทิศทางที่กำหนดให้ จงหาว่า x เท่ากับกี่องศา



11. การข้างจักรเป็นกีฬาที่ผู้ชาย

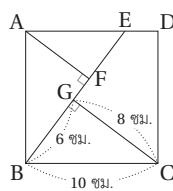
แข่งขันต้องข้างจักรจากบริเวณวงกลม ให้ไปตกไก่ที่สุด ถ้าลานแข่งขันมีตาข่ายนิรภัย รูปแปดเหลี่ยมด้านเท่ามุมเท่าล้อมรอบ แต่เว้นด้านหนึ่งไว้ ดังรูป และบริเวณวงกลมมีเส้นผ่านศูนย์กลาง 2.5 เมตร ข้อใดเป็นพื้นที่ของเซกเตอร์ A ที่แรเงาในรูป



- | | |
|------------------------------------|-----------------------------------|
| (1) 10π ตารางเมตร | (2) $\frac{625}{64}\pi$ ตารางเมตร |
| (3) $\frac{625}{128}\pi$ ตารางเมตร | (4) $\frac{25}{64}\pi$ ตารางเมตร |
| (5) $\frac{25}{128}\pi$ ตารางเมตร | |

12. รูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส ABCD มีด้านยาว 10 เซนติเมตร ให้ E เป็นจุดบน \overline{AD} ลากเส้นจากจุด A ไปตั้งฉากกับ \overline{BE} ที่จุด F และลากเส้นจากจุด C ไปตั้งฉากกับ \overline{BE} ที่จุด G ดังรูป

ถ้า $BG = 6$ เซนติเมตร และ $CG = 8$ เซนติเมตร จงหาว่า FG เท่ากับกี่เซนติเมตร



13. กำหนดให้ $4^7 \times (5^2)^6$ เป็นจำนวนนับที่มี n หลัก ซึ่งผลบวกของเลขโดดในแต่ละหลักเท่ากับ k จงหาค่าของ $n - k$

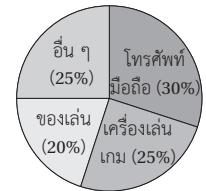
14. กำหนดให้ $x^2 + 6x - 1 = 0$ จงหาค่าของ $x^2 + \frac{1}{x^2}$

15. ให้เส้นตรง ℓ ผ่านจุด $(2, 0)$ ให้ ℓ' เป็นเส้นตรงที่ได้จากการสะท้อนเส้นตรง ℓ โดยมีแกน X เป็นเส้นสะท้อน ถ้าเส้นตรง ℓ' ผ่านจุด $(1, 2)$ ข้อใดต่อไปนี้เป็นสมการของเส้นตรง ℓ

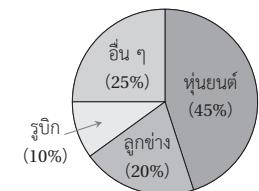
- ① $y = 0$ ② $x = 2$ ③ $y = x - 2$
④ $y = -x + 2$ ⑤ $y = 2x - 4$

16. ในโรงเรียนแห่งหนึ่ง ทำการสำรวจของข้อมูลนักเรียน อย่างได้ที่สุด พบร่วมกันนักเรียนจำนวนหนึ่งอย่างได้ของข้อมูล เป็นของเล่น จึงทำการสำรวจของเล่นที่นักเรียนอย่างได้ที่สุด และสรุปผลของการสำรวจทั้งหมดได้เป็นแผนภูมิ รูปวงกลมต่อไปนี้

ของข้อมูลที่อย่างได้ที่สุด



ของเล่นที่อย่างได้ที่สุด



ถ้านักเรียนที่อย่างได้ลูกชิ้งมี 24 คน
จงหาว่าโรงเรียนแห่งนี้มีนักเรียนทั้งหมดกี่คน

17. กำหนด x และ y เป็นจำนวนจริงบวก
พร้อมทั้งสัญลักษณ์ในการคำนวณภายในโปรแกรม
คอมพิวเตอร์โปรแกรมหนึ่ง ดังนี้

| สัญลักษณ์ | ผลลัพธ์ |
|---------------|---------------------|
| $x - y$ | $x + y$ |
| $\frac{x}{y}$ | $\frac{2xy}{x + y}$ |

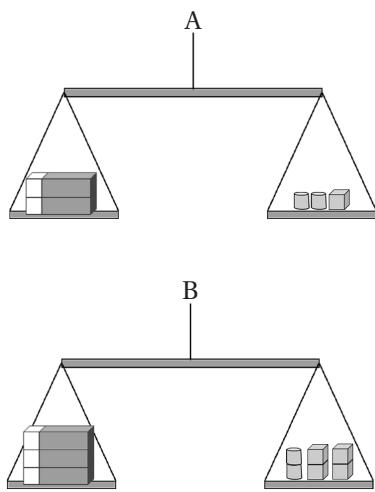
ตัวอย่าง ให้ผลลัพธ์เป็น $\frac{2xy}{x + y} + x$

ถ้า ให้ผลลัพธ์เป็น $\frac{A}{x + y}$

จงหาว่า A คือเท่าใด

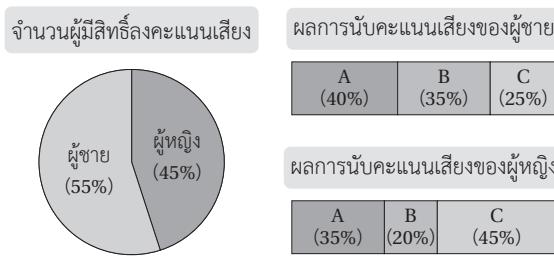
- ① $2xy$ ② $2xy + 2$ ③ $2x - y + 2$
④ $x^2 + y^2$ ⑤ $x^2 - 2y$

18. มีนาต้องการซื้อน้ำหนักของยางลบ () ด้วยเครื่องซึ่งสองแขนกับตุ้มน้ำหนัก 2 ชนิด ได้แก่ และ โดยตุ้มน้ำหนัก 1 ลูก หนัก 10 กรัม มีนาทดลอง ว่ายางลบกับตุ้มน้ำหนักชนิดต่าง ๆ พบร่วมกัน 3 ลูก หนัก 10 กรัม มีนาต้องการน้ำหนักของยางลบ () ด้วยเครื่องซึ่งสองแขนกับตุ้มน้ำหนัก 2 ชนิด ได้แก่ และ



จงหาว่ายางลบ 1 ก้อน หนักกี่กรัม

19. ชุมชนแห่งหนึ่งมีผู้ลงทะเบียนสมัครรับเลือกตั้งเป็นผู้นำชุมชน 3 คน ได้แก่ A, B และ C โดยจำนวนผู้มีสิทธิ์ลงคะแนนเสียง และผลการนับคะแนนเสียง แยกตามเพศ ของผู้มีสิทธิ์ลงคะแนนเสียง เป็นดังแผนภูมิต่อไปนี้



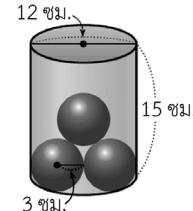
ถ้าชุมชนนี้มีผู้มีสิทธิ์ลงคะแนนเสียงทั้งสิ้น 2,400 คน
จงหาว่าผู้ลงทะเบียนสมัครรับเลือกตั้งคนที่ได้คะแนนเสียงมากที่สุด
ได้คะแนนมากกว่าคนที่ได้คะแนนเสียงน้อยที่สุดอยู่กี่คน
(กำหนดให้ไม่มีบัตรเสียในการลงคะแนนเสียง)

20. สำหรับทรงหลายหน้าใด ๆ ที่มีจุดยอด v จุด เส้นขอบ e เส้น และหน้า f หน้า จะได้ว่า $v - e + f = 2$ เช่นเดียวกันในข้อใดต่อไปนี้ สอดคล้องเงื่อนไข $3v = 2e$ และ $5f = 2e$

- ① ทรงสี่หน้า
- ② ทรงหกหน้า
- ③ ทรงแปดหน้า
- ④ ทรงสิบสองหน้า
- ⑤ ทรงยี่สิบหน้า

21. ภาชนะทรงกระบอกใบหนึ่งมี

ลูกเหล็กร่วมมี 3 เซนติเมตร 3 ลูก
อยู่ภายใน ดังรูป เมื่อเติมน้ำ
จนเต็มภาชนะ แล้วนำลูกเหล็ก
ทั้ง 3 ลูกออก



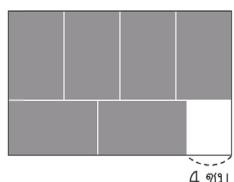
จงหาว่าวน้ำที่เหลืออยู่ในภาชนะสูงกี่เซนติเมตร

22. กำหนดให้รูปสามเหลี่ยมที่มีด้านทั้งสามยาว 4 หน่วย

5 หน่วย และ x หน่วย เป็นรูปสามเหลี่ยมมุมแหลม
ถ้า a เป็นจำนวนนับที่มีค่ามากที่สุด และ
 b เป็นจำนวนนับที่มีค่าน้อยที่สุด ที่ทำให้ $a < x < \sqrt{b}$

จงหาค่าของ $a + b$

23. ปูกระเบื้องรูปสี่เหลี่ยมมุมฉากที่มีข้างเด่นที่ 6 แผ่น ลงบนผนังรูปสี่เหลี่ยมมุมฉากที่มีพื้นที่ 260 ตารางเซนติเมตร โดยไม่มีซึ่งกันว่าจะห่วงกระเบื้องและเหลือพื้นที่ว่างรูปสี่เหลี่ยมมุมฉากที่กว้าง 4 เซนติเมตร ดังรูป



จงหาว่ากระเบื้อง 1 แผ่น มีพื้นที่กี่ตารางเซนติเมตร

24. เครื่องคิดเลขเป็นเครื่องช่วยคำนวณ ซึ่งนอกจากจะมีปุ่มตัวเลขและปุ่มเครื่องหมายบวก ลบ คูณ หารแล้ว ยังมีปุ่มพิเศษที่มีการทำงานดังนี้



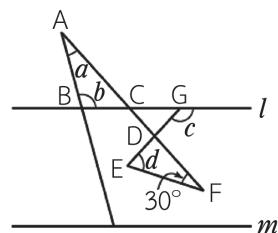
- MC ตั้งค่าในหน่วยความจำให้เป็น 0
- MR แสดงค่าในหน่วยความจำ
- M+ นำค่าในหน่วยความจำบวกกับค่าบนหน้าจอ แล้วบันทึกผลลัพธ์ลงในหน่วยความจำแทน
- M- นำค่าในหน่วยความจำลบด้วยค่าบนหน้าจอ แล้วบันทึกผลลัพธ์ลงในหน่วยความจำแทน
- ✓ นำค่าบนหน้าจอไปหารากที่สองที่เป็นบวก แล้วแสดงผลลัพธ์บนหน้าจอ

หลังจากกดปุ่มบนเครื่องคิดเลขตามลำดับต่อไปนี้



จงหาว่าผลลัพธ์บนหน้าจอของเครื่องคิดเลขจะเป็นเท่าใด

25. จากรูป กำหนดให้เส้นตรง l นานกับเส้นตรง m



จงหาว่า $a + b + c + d$ เท่ากับกี่องศา

26. จงหาผลบวกของจำนวนนับทั้งหมดที่อยู่ระหว่าง 10 กับ 20 โดยที่จำนวนนับเหล่านั้นหาร $2^{16} - 1$ ลงตัว

27. รูปสามเหลี่ยมที่มีความยาวรอบรูป 18 เซนติเมตร และมีความยาวด้านทั้งสามเป็นจำนวนเต็มเซนติเมตร จึงมีได้ทั้งหมดกี่รูป

28. กำหนดค่าเฉลี่ย m และความแปรปรวน v ของข้อมูล x_1, x_2, \dots, x_n ได้ ดังนี้

$$m = \frac{1}{n} (x_1 + x_2 + \dots + x_n)$$

$$v = \frac{1}{n} \{(x_1 - m)^2 + (x_2 - m)^2 + \dots + (x_n - m)^2\}$$

กล่องสีเหลี่ยมนูมจากใบหนึ่งมีความยาว x หน่วย
ความกว้าง y หน่วย และความสูง 3 หน่วย

เมื่อพิจารณาข้อมูลที่ประกอบด้วยความยาวของ
เส้นขอบแต่ละเส้น พบร่วมค่าเฉลี่ยเป็น 2 และ
มีความแปรปรวนเป็น $\frac{2}{3}$

จงหาว่ากล่องใบนี้มีพื้นที่ผิวทั้งหมดกี่ตารางหน่วย

30. สำหรับจำนวนจริง x และ y ใด ๆ กำหนดให้

$\max\{x, y\}$ คือ ค่าที่มากกว่าระหว่าง x หรือ y

$\min\{x, y\}$ คือ ค่าที่น้อยกว่าระหว่าง x หรือ y

ถ้าจำนวนจริง x และ y เป็นคำตอบของระบบสมการ

$$\max\{x, y\} = x^2 + xy + y^2$$

$$\min\{x, y\} = x + 2y - 2$$

จงหาผลบวกทั้งหมดของ $x^2 + y^2$

29. A, B และ C มีลูกแก้วคนละ 200 ลูก
ทั้งสามคนให้ลูกแก้วกันไปมาตามลำดับต่อไปนี้

- | | |
|---------------------------------------|---|
| ครั้งที่ 1 A ให้ลูกแก้วกับ B ไป 1 ลูก | |
| ครั้งที่ 2 B ให้ลูกแก้วกับ C ไป 2 ลูก | |
| ครั้งที่ 3 C ให้ลูกแก้วกับ A ไป 3 ลูก | |
| ครั้งที่ 4 A ให้ลูกแก้วกับ B ไป 4 ลูก | |
| ครั้งที่ 5 B ให้ลูกแก้วกับ C ไป 5 ลูก | |
| ครั้งที่ 6 C ให้ลูกแก้วกับ A ไป 6 ลูก | |
| ⋮ | ⋮ |

เมื่อมีการให้ลูกแก้วกันไปมาครบ 200 ครั้งแล้ว
จงหาว่าคนที่มีลูกแก้วมากที่สุดมีลูกแก้วกี่ลูก